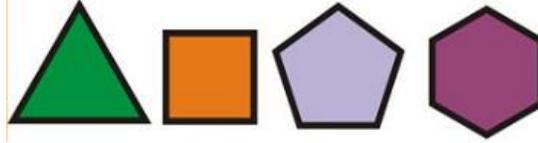


Nombre estudiante:

- **OA10** Descubrir relaciones que involucran ángulos exteriores o interiores de diferentes polígonos.

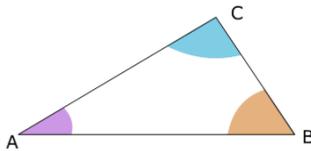
Polígonos

Un polígono es una figura cerrada compuesta de 3 o más segmentos. La palabra polígono significa “muchos ángulos”.

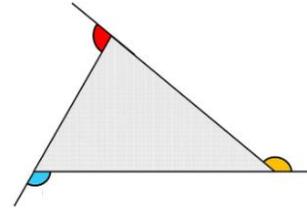


En un polígono podemos identificar dos tipos de ángulos:

Ángulos interiores, formados al interior de éste por dos de sus lados que comparten un vértice común,

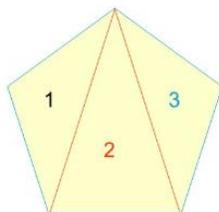


Ángulos exteriores, formados al exterior de éste por uno de sus lados y la prolongación del otro lado que comparte vértice común con el primero.



En todo polígono regular de “n” lados, la suma de las medidas de los ángulos interiores es igual: $(180^\circ \cdot n) - 360^\circ$

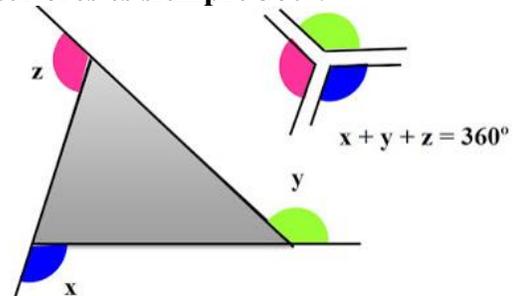
O bien: $180^\circ \cdot (n - 2)$



$$N \triangle s. = (n - 2) = 5 - 2 = 3 \text{ triángulos}$$

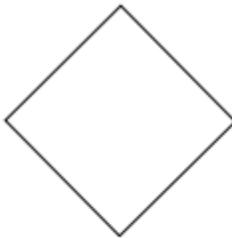
Para obtener la medida de cada uno de los ángulos interiores de un polígono regular, basta con calcular la suma de éstas y dividirla por el total de lados del polígono

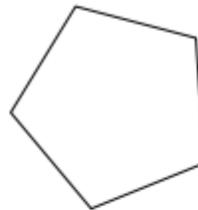
En todo polígono, la suma de los ángulos exteriores es siempre 360° .

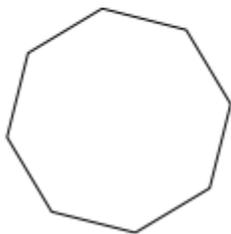


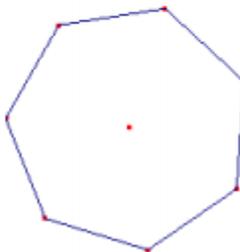
1.- Calcular cuántas diagonales se pueden trazar en cada polígono y pinta cada triángulo formado de diferentes colores. (3 pts.)

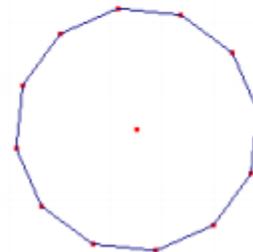










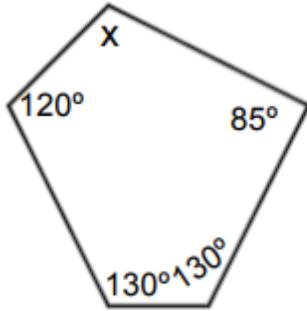


2.-Completa la siguiente tabla a partir de los lados del polígono. (6 pts.)

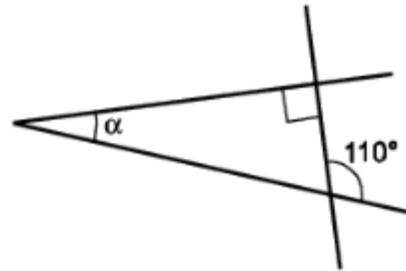
Polígonos (lados)	Suma de ángulos interiores
3	180°
4	360°
5	
6	
7	
8	
9	
17	

3.- Calcular el valor de los ángulos desconocidos en cada una de los siguientes polígonos irregulares. (8 pts.)

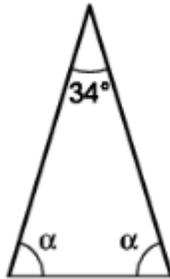
a)



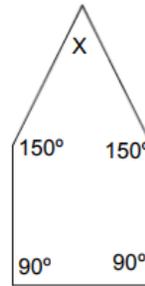
b)



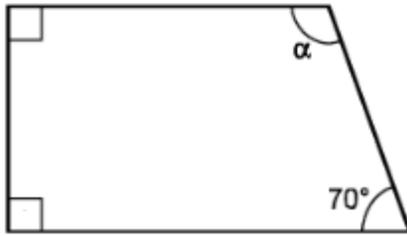
c)



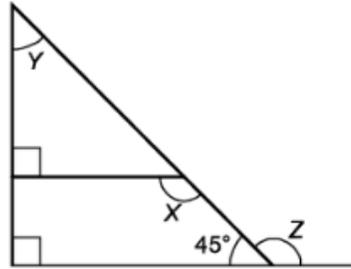
d)



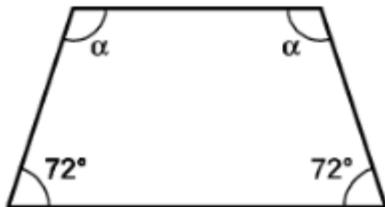
e)



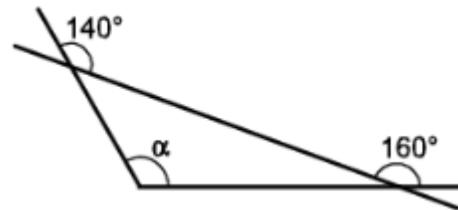
f)



g)



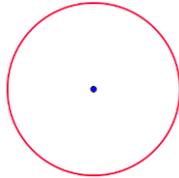
h)



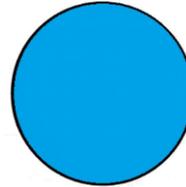
El/la estudiante que quiera y/o pueda reforzar este contenido, encontrará actividades en el texto de matemática en las páginas 113 a 119 y/o en las páginas 61 a 65 del cuadernillo.

•OA11 Mostrar que comprenden el círculo

La **circunferencia** se puede definir como un conjunto de puntos que se encuentran todos a la misma distancia de un punto fijo.



El **círculo** puede ser definido como la región delimitada por la circunferencia.

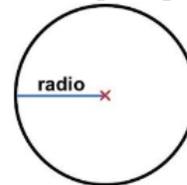


Principales elementos

El **centro** es un punto interior equidistante de todos los puntos de la circunferencia.



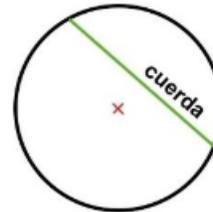
El **radio** es un segmento que une el centro de la circunferencia con cualquier punto de ella.



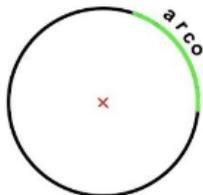
El **diámetro** es un segmento que une dos puntos cualquiera de la circunferencia y que pasa por el centro de ella.



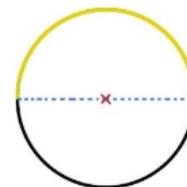
La **cuerda** es un segmento que une dos puntos de la circunferencia



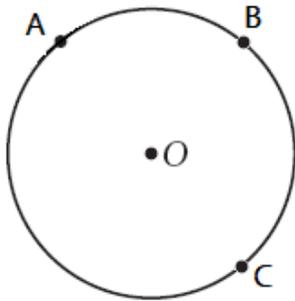
El **arco** es un segmento curvilíneo de puntos que pertenece a la circunferencia



La **semicircunferencia** es cada una de las partes en que un diámetro divide a una circunferencia, es decir media circunferencia.



4.- Observa esta figura y completa las frases. (Une los puntos en cada caso) (5 pts.)



- El segmento \overline{AO} es un _____ de la circunferencia.
- El segmento \overline{AC} es el _____ de la circunferencia.
- El punto O es el _____ de la circunferencia.
- El segmento \overline{OB} es un _____ de la circunferencia.
- El segmento \overline{AB} es una _____ de la circunferencia.

5.- Relaciona estas dos columnas: (3 pts.)

- | | | |
|---|---|----------------------|
| Parte de la circunferencia entre dos puntos. | • | • Semicircunferencia |
| Mitad de la circunferencia. | • | • Cuerda |
| Está a la misma distancia de todos los puntos de la circunferencia. | • | • Arco |
| Mitad de un círculo. | • | • Semicírculo |
| Segmento que une dos puntos. | • | • Diámetro |
| Cuerda que pasa por el centro. | • | • Centro |

Perímetro del círculo

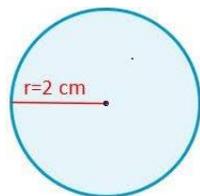
El cociente entre las medidas del perímetro y diámetro de una circunferencia es siempre el mismo. A este valor constante se le denomina π (se lee “pi”)

El valor de π tiene infinitos decimales ($\pi = 3,14159265358\dots$). Para nuestros propósitos, **usamos como valor aproximado 3,14.**

El perímetro de una circunferencia se pueda calcular multiplicando la medida de su diámetro por π , es decir: **$P = d\pi$**

O bien: **$P = 2r\pi$**

Ejemplo:



$$\begin{aligned}
 P &= 2r\pi \\
 P &= 2 \cdot 2 \cdot \pi \\
 P &= 4 \cdot \pi \\
 P &= 4 \cdot 3,14 \\
 P &= 12,56
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P &= d\pi \\
 P &= 4 \cdot \pi \\
 P &= 4 \cdot 3,14 \\
 P &= 12,56
 \end{aligned}$$

6.- Completa la tabla (10 pts.)

$\pi \approx$ 3,14	a)	b)	c)	d)	e)	f)	g)	h)	i)	j)
r	3cm					1,7km		4,25 m		
d			90m		0,4cm		58mm			84 cm
P		47,1 mm		31,4m					50,24 m	

Espacio para el desarrollo

a)

b)

c)

d)

e)

f)

g)

h)

i)

j)

Área del círculo

Para calcular el **área** de un círculo de radio “r” usamos la fórmula: πr^2

Ejemplo:

$$A = \pi r^2$$

$$A = \pi 2^2$$

$$A = 4 \cdot \pi$$

$$A = 4 \cdot 3,14$$

$$A = 12,56$$

7.- Encontrar el área de cada círculo si su radio es: ($\pi = 3,14$) (6 pts.)

a) 5 cm

b) 3 cm

c) 8,5 m

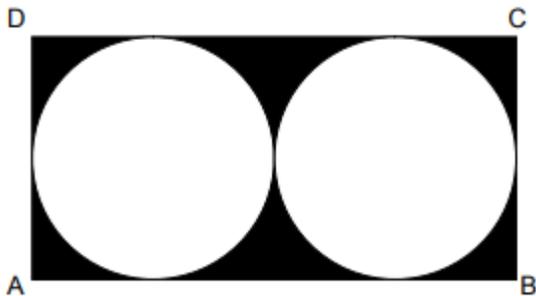
c) 32 mm

d) 1,5 mm

e) 0,5 m

8.- Resuelve ($\pi = 3$) (6 pts.)

a) Determinar el área de la región sombreada si el largo del rectángulo es 12 cm

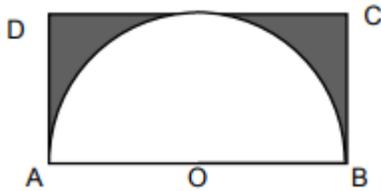


b) El diámetro del círculo mayor es 24cm y los dos círculos menores son de igual tamaño. Calcular el área de la parte sombreada



c) Calcular el área de la región sombreada

$$\overline{AO} = \overline{OB} = \overline{BC} = 20 \text{ cm.}$$

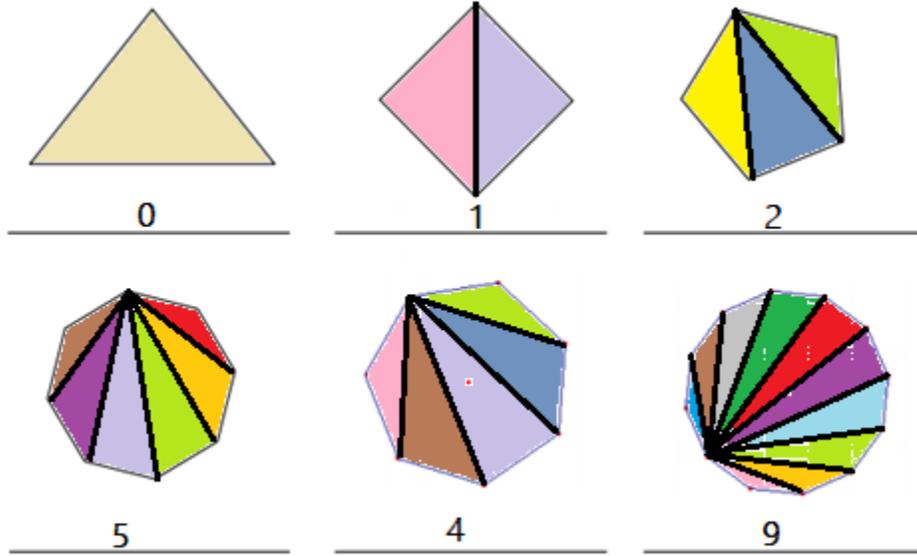


El/la estudiante que quiera y/o pueda reforzar este contenido, encontrará actividades en el texto de matemática en las páginas 132 a 141 y/o en las páginas 73 a 80 del cuadernillo.

En caso de dudas no dudes en escribirme al correo:
matematica.academiamallico@gmail.com indicando tú nombre y al curso que perteneces en el asunto.

Nombre estudiante: **SOLUCIONES**

1.- Calcular cuántas diagonales se pueden trazar en cada polígono y pinta cada triángulo formado de diferentes colores.



2.-Completa la siguiente tabla a partir de los lados del polígono.

Polígonos (lados)	Suma de ángulos interiores
3	180°
4	360°
5	540
6	720
7	900
8	1080
9	1260
17	2700

3.- Calcular el valor de los ángulos desconocidos en cada una de los siguientes polígonos irregulares.

a) $x = 76^\circ$

b) $\alpha = 20^\circ$

c) $\alpha = 73^\circ$

d) $x = 60^\circ$

e) $\alpha = 110^\circ$

f) $x = 135^\circ$

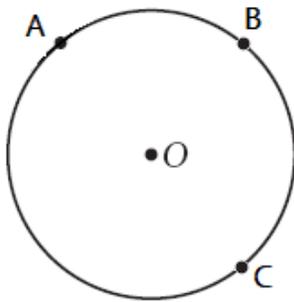
$z = 135^\circ$

$y = 45^\circ$

g) $\alpha = 108^\circ$

h) $\alpha = 120^\circ$

4.- Observa esta figura y completa las frases. (Une los puntos en cada caso)



- El segmento \overline{AO} es un rayo de la circunferencia.
- El segmento \overline{AC} es el diámetro de la circunferencia.
- El punto O es el centro de la circunferencia.
- El segmento \overline{OB} es un rayo de la circunferencia.
- El segmento \overline{AB} es una cuerda de la circunferencia.

5.- Relaciona estas dos columnas:

Parte de la circunferencia entre dos puntos.

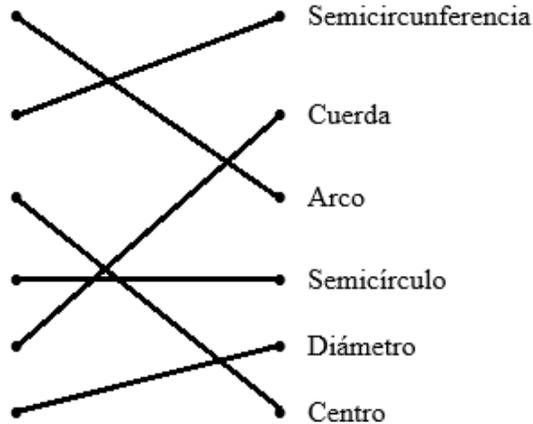
Mitad de la circunferencia.

Está a la misma distancia de todos los puntos de la circunferencia.

Mitad de un círculo.

Segmento que une dos puntos.

Cuerda que pasa por el centro.



6.- Completa la tabla

$\pi \approx 3,14$	a)	b)	c)	d)	e)	f)	g)	h)	i)	j)
r	3cm	7,5 mm	45m	5m	0,2 cm	1,7km	29 mm	4,25 m	8m	42
d	6cm	15 mm	90m	10m	0,4cm	3,4 km	58mm	8,5m	16m	84 cm

P	18,84 cm	47,1 <i>mm</i>	282,6 m	31,4 m	1,256 cm	10,676 km	182,12 mm	26,69 m	50,24 m	263,76 cm

7.- Encontrar el área de cada círculo si su radio es: ($\pi = 3,14$)

- | | |
|------------------------------------|--------------------------------------|
| a) 78,5 cm^2 | b) 28,26 cm^2 |
| c) 226,865 m^2 | c) 3 215,36 mm^2 |
| d) 7,065 mm^2 | e) 0,785 m^2 |

8.- Resuelve ($\pi = 3$)

a) Determinar el área de la región sombreada si el largo del rectángulo es 12 cm

18 cm^2

b) El diámetro del círculo mayor es 24cm y los dos círculos menores son de igual tamaño.
Calcular el área de la parte sombreada

216 cm^2

c) Calcular el área de la región sombreada

200 cm^2

Nombre estudiante:

N° Objetivo Aprendizaje	N° de Pregunta	Indicadores/Habilidades	Puntaje Ideal	Puntaje Obtenido
O.A. 10	1, 2	Muestran geoméricamente, mediante la descomposición en triángulos, el patrón de la suma de los ángulos interiores en polígonos.	9	
	3	Resuelven problemas geoméricos, aplicando el patrón de la suma de ángulos interiores y exteriores.	8	
O.A. 11	4, 5	Identifican los principales elementos de circunferencias.	8	
	6	Aplican la fórmula $P = d t \pi$ en ejercicios rutinarios y no rutinario.	10	
	7	Aplican la fórmula $A = r^2 t \pi$ (con $\pi \approx 3,14$) en ejercicios rutinarios y no rutinario.	6	
	8	Resuelven problema no rutinarios que implican el cálculo de área de un círculo	6	
		TOTAL PUNTAJE	47	
		PORCENTAJE DE EVALUACIÓN	60%	

Sr apoderado si tiene consulta, no dude en enviar un correo a matemática.academiamalloco@gmail.com
Saludos.